

تنظیم و هماهنگی رله‌های جریان زیاد و دیستانس با یکدیگر

۳-۱) مقدمه

بر روی خطوط شبکه‌های قدرت انواع رله‌های دیستانس، جریان زیاد و ترکیبی از آنها برای حفاظت شبکه به کار می‌رود. به منظور حفاظت صحیح، روش‌های مختلفی برای هماهنگی انواع رله‌های جریان زیاد در شبکه‌های شعاعی و به هم پیوسته وجود دارد [۱ و ۳ و ۴ و ۵]. همچنین مولفان مختلف در موضوع هماهنگی انواع رله‌های دیستانس کار کرده‌اند [۴ و ۵ و ۶]. ولی روش یا برنامه کامپیوتری که بتواند هماهنگی بین رله‌های جریان زیاد و دیستانس را برقرار سازد توسط مولف اول این کتاب آورده شده است [۲۰]. هدف از این بخش، ارائه روشی است که با آن بتوان جفت رله‌های جریان زیاد و دیستانس را هماهنگ کرد. به عبارت دیگر پس از تنظیم و هماهنگی رله‌های جریان زیاد و دیستانس به طور جداگانه، رله‌های اصلی و پشتیبان که به ترتیب از نوع جریان

زیاد و دیستانس، یا به عکس خواهند بود، مشخص می‌گردند. نقاطی از خطوط که رله‌های اصلی روی آنهاست، سخت‌ترین شرایط را برای هماهنگی دارا هستند و دشوارترین شرایط قطع و وصل، مربوط به کلیدهای خطوط متصل به شین‌های اصلی و طرف دیگر خط فرض می‌شود و با منظور کردن شرایط ذکر شده هماهنگی بین تنظیم رله‌ها امتحان می‌گردد. برای حالتی که اختلاف زمان قطع بین رله‌های جریان زیاد و دیستانس کافی نباشد، با روش‌های مندرج در این بخش، می‌توان هماهنگی لازم را برقرار ساخت. در برخی موارد هم ممکن است نتیجه این روش‌ها، قرار دادن یک نوع رله جدید را ایجاب کند.

۳-۲) تحلیل حالت‌های مختلف

تشخیص عیب روی یک شبکه قدرت و صدور فرمان قطع قسمت‌های معیوب، با رله‌های مختلفی عملی می‌شود. دو نوع از این رله‌ها بر روی خطوط انتقال انرژی و توزیع کاربرد زیادی دارند. آنها عبارتند از: رله‌های جریان زیاد و دیستانس. در شبکه‌های توزیع از رله جریان زیاد هم به عنوان رله اصلی و هم به جای پشتیبان استفاده می‌شود و رله‌های دیستانس به عنوان اصلی در بعضی از شبکه‌های مهم به کار می‌روند. اما در شبکه‌های انتقال که از حساسیت بیشتری برخوردار دارند، معمولاً از رله دیستانس به صورت رله اصلی یا پشتیبان و از رله‌های جریان زیاد فقط به جای پشتیبان استفاده می‌شود. به منظور عملکرد صحیح رله‌ها به طوری که شین‌ها و قسمت‌های معیوب را قطع کنند، هماهنگی بین رله‌ها امری الزامی و ضروری است.

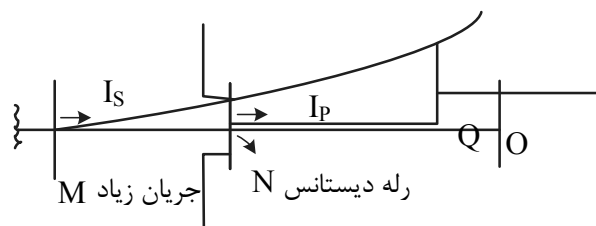
در شبکه‌های توزیع و انتقال انرژی، رله‌های مختلفی برای حفاظت قسمت‌های مختلف شبکه وجود دارد. برای حفاظت یک بخش از شبکه، ممکن است از چند دستگاه حفاظت استفاده شود که نوع یا انواع آنها بستگی به اهمیت آن بخش در کار برق رسانی دارد. معمولاً یکی از این سیستم‌های حفاظتی اصلی و بقیه حفاظت پشتیبان محلی هستند. همچنین علاوه بر سیستم پشتیبان محلی، معمولاً سیستم حفاظتی پشتیبان در قطعه خط مجاور هم وجود دارد، که به حفاظت پشتیبان غیر محلی معروف است. حفاظت پشتیبان غیر محلی ممکن است با حفاظت پشتیبان محلی از یک نوع باشد و

نیز می‌توان آن دو را از انواع مختلف گرفت. به علاوه امکان دارد که پشتیبان غیر محلی از چندین رله تشکیل شده باشد و لذا باید موارد مختلف، جداگانه بررسی گردد و برای هر حالت، هماهنگی لازم بین رله‌های اصلی و پشتیبان برقرار شوند. قبلا حالات مختلف هماهنگی شرح داده می‌شوند.

۳-۲-۱) رله دیستانس به صورت رله اصلی و رله جریان زیاد به جای پشتیبان

شکل (۱) بخشی از یک شبکه قدرت را نشان می‌دهد که روی شاخه NO و در پست N یک رله دیستانس در نظر گرفته شده است. در شاخه MN در نقطه M رله جریان زیاد کاهشی قرار دارد. البته ممکن است در نقطه N روی شاخه NO علاوه بر رله دیستانس، رله جریان زیاد کاهشی نیز موجود باشد.

در این بخش، چگونگی هماهنگی بین رله دیستانس مستقر در N و رله جریان زیاد واقع در نقطه M مورد نظر است. با فرض اینکه هماهنگی بین تنظیم رله‌های دیستانس قبلا صورت پذیرفته و نقطه q در شکل (۱) انتهای ناحیه ۱ و شروع ناحیه ۲ از رله دیستانس باشد، حداقل فاصله زمانی بین زمان‌های قطع رله‌های جریان زیاد و دیستانس بر طبق شکل، وقتی است که خطا در نقطه Q رخ دهد. به همین دلیل این نقطه را نقطه بحرانی می‌خوانند. هر نقطه دیگری را که بین Q و O، نقطه وقوع اتصال کوتاه در نظر بگیریم، زمان قطع رله بیشتر از وقتی است که اتصال کوتاه در نقطه Q فرض شود و در نتیجه اختلاف زمان قطع بیشتری بین زمان‌های قطع دو رله وجود خواهد داشت، همچنین اگر نقطه ای از خط در فاصله NQ را محل بروز عیب فرض کنیم، اختلاف زمانی بین دو رله بیشتر از اختلاف مربوط به نقطه Q خواهد بود.



شکل ۱- رله دیستانس به عنوان اصلی و رله جریان زیاد به صورت پشتیبان

نکته دیگری که باید در تعیین فاصله زمانی بحرانی علاوه بر تعیین خود نقطه بحرانی (Q) مورد نظر قرار داد، حالت‌های وصل یا قطع بودن ارتباط خطوط مختلف با شین N است. بر حسب این حالت‌های مختلف، جریان‌های متفاوتی از رله جریان زیاد M می‌گذرد که نتیجه آن تغییر در زمان قطع رله جریان زیاد است و این امر فاصله زمانی بین زمان قطع دو رله را تغییر خواهد داد. به عبارت دیگر حالت بحرانی از این لحاظ، این است که زمان قطع رله جریان زیاد در هنگام اتصال کوتاه در نقطه Q کمترین مقدار خود را داشته باشد و آن در صورتی است که جریان بیشتری از رله M بگذرد. قطع شاخه‌های متصل به N (غیر از MN) و همچنین قطع کلید O باعث خواهد شد که مقدار جریان عبوری از رله M افزایش یابد. لذا بحرانی ترین شرایط برای این حالت، آن است که اتصال کوتاه در حد فاصل ناحیه ۱ و ۲ رله دیستانس روی دهد و کلیدهای خطوط منشعب از شین اصلی غیر از خطوطی که رله‌های اصلی و پشتیبان بر آنها قرار دارند و نیز کلید انتهایی دیگر خط اصلی قطع باشند.

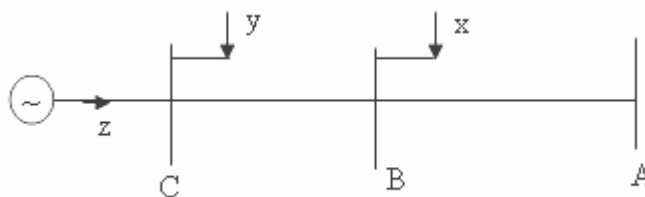
بنابراین درباره شرایط بحرانی می‌توان از این قسمت چنین نتیجه گرفت:

الف- انتهای ناحیه ۱ و یا ابتدای ناحیه ۳ باید نقطه بحرانی فرض شود.

ب- شرایط بحرانی عبارتست از قطع همه خطوط وصل به شین اصلی غیر از خطوطی که رله‌های پشتیبان و اصلی روی آنها قرار دارد و قطع کلید انتهایی شین طرف دیگر خط اصلی.

مثال (۱): در شبکه شکل زیر، روی فیدر BA و در محل B روی فیدر CB، روی C

رله‌های جریان زیاد کاهشی معکوس و رله‌های دیستانس وجود دارند.



SCC	۷۰MVA	۵۲MVA	۴۰MVA
CT	۱۵۰/۵	۱۰۰/۵	۱۰۰/۵
VT	$\frac{۳۳}{\sqrt{۳}} \text{kv} / ۱۰۰\text{V}$	$\frac{۳۳}{\sqrt{۳}} \text{kv} / ۱۰۰\text{V}$	$\frac{۳۳}{\sqrt{۳}} \text{kv} / ۱۰۰\text{V}$
U	۳۳kv		

الف) ضرایب تنظیم جریانی و زمانی رله‌های جریان زیاد و امپدانس ناحیه ۱ رله دیستانس مستقر در B و نواحی ۱ و ۲ رله مستقر در C را به همراه زمان عملکرد آنها بیابید؟ (فرض کنید تغذیه‌های x, y وجود ندارند و تغییر سطح اتصال کوتاه را در فیدرها خطی فرض کنید). رله دیستانس مهو دارای زاویه ۷۰ درجه و امپدانس خطوط نیز دارای زاویه ۷۰ درجه هستند.

ب) چنانچه تغذیه‌های x, y, z وجود داشته و برای هر خطا در این دو فیدر، سهم یکسانی داشته باشند و نیز با قطع شدن مسیر تغذیه x ، همان سهم قبلی از طریق شین C وارد شود، هماهنگی رله جریان زیاد واقع در C را با رله دیستانس مستقر در B بیابید؟

حل قسمت اول به عنوان تمرین واگذار می شود. فرض کنیم پس از حل جوابها به

صورت زیر باشند:

$$TSM_B = 0.1$$

$$TSM_C = 0.3$$

$$I_{bB} = 125 \text{ A}$$

$$I_{bC} = 175 \text{ A}$$

حال قسمت دوم حل می‌شود:

$$\begin{cases} Z_A = \frac{u^r}{S_A} \\ Z_B = \frac{u^r}{S_B} \end{cases} \Rightarrow Z_A - Z_B = \frac{u^r}{S_A} - \frac{u^r}{S_B} = \frac{u^r(S_B - S_A)}{S_B S_A}$$

$$\Rightarrow Z_{AB} = \frac{(33)^2 (52 - 40)}{52 \times 40} = 6.28 \Omega$$

$$Z_1 = 0.8 Z_{AB} = 5 \Omega$$

حال سطح اتصال کوتاه در نقطه انتهایی ناحیه اول رله دیستانس مستقر در B را محاسبه می‌کنیم:

$$S_F = 0/8 \times 40 + 0/2 \times 52 = 42/4 \text{ MVA}$$

طبق مطالب ذکر شده در بخش قبل، بدترین حالت برای هماهنگی رله دیستانس مستقر در B و رله جریان زیاد مستقر در C این است که مسیر تغذیه x قطع باشد، تا کل جریان اتصال کوتاه از رله اصلی بگذرد.

$$I_F = \frac{42/4 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 33} = 742 \text{ A}$$

زمان عملکرد رله جریان زیاد به ازای جریان گذرنده از آن برابر است با:

$$t_c = \frac{0/14 \times 0/3}{\left(\frac{742}{125}\right)^{0/02} - 1} = 1/158 \text{ s}$$

از طرفی می‌دانیم زمان عملکرد رله دیستانس در ناحیه ۱ برابر ۰٫۳ s تنظیم می‌شود. سپس اختلاف زمان عملکرد رله اصلی و پشتیبان برابر است با:

$$\Delta t = t_{OC} - t_{Dist.} = 1/158 - 0/3 > 0/3$$

چون هماهنگی بین دو رله برقرار است، نیازی به تغییر TSM رله پشتیبان نمی‌باشد.

مثال (۲): اگر تنظیمات رله های مثال قبل به صورت زیر باشند، هماهنگی رله جریان زیاد واقع در C را با رله دیستانس مستقر در B بررسی نمایید. فرض کنیم در پایان حل قسمت اول پاسخها به صورت زیر باشند:

$$TSM_B = 0/1$$

$$TSM_C = 0/15$$

$$I_{bB} = 125 \text{ A}$$

$$I_{bC} = 175 \text{ A}$$

در این صورت، زمان عملکرد رله پشتیبان برای جریان خطا برابر است با:

$$t_c = \frac{0/14 \times 0/15}{\left(\frac{742}{125}\right)^{0/02} - 1} = 0/58 \text{ s}$$

چون هماهنگی بین دو رله برقرار نیست، باید TSM رله پشتیبان را افزایش دهیم. با یک پله افزایش داریم:

$$TSM_C = 0.2$$

$$t_c = \frac{0.14 \times 0.2}{\left(\frac{742}{125}\right)^{0.2} - 1} = 0.775$$

۳-۲-۲) رله جریان زیاد کاهشی به عنوان رله اصلی و رله دیستانس به جای پشتیبان

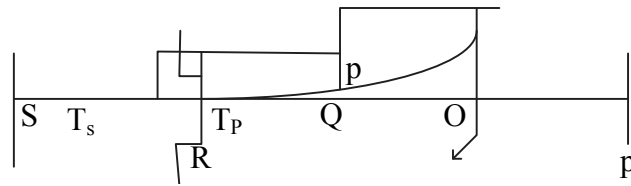
در این حالت نیز مانند حالت قبل دو عامل یعنی نقاط و شرایط بحرانی مورد نظر قرار می‌گیرد:

الف) نقطه یا نقاطی که باید شیب را در آنها در نظر گرفت و جریان‌های اتصال کوتاه را برای آن عیبها به دست آورد، عبارتند از انتهای ناحیه ۲ رله دیستانس (Q) و نقطه ای روی شین دور دست رله اصلی (شین O).

به دلیل کوتاه بودن زمان قطع رله جریان زیاد و تفاوت بین زمان‌های قطع دو رله (جریان زیاد و دیستانس مندرج در شکل ۲) این تفاوت در حالت اتصال کوتاه در نقطه Q بیشتر است. نقطه Q به این دلیل انتخاب شده است که وقوع اتصال کوتاه در قسمت QO در مقایسه با نقطه Q تفاوت زمانی جداگانه ای خواهد داشت. زیرا زمان رله دیستانس مستقر در S از ناحیه ۲ به ناحیه ۳ افزایش می‌یابد و زمان قطع رله جریان زیاد هم روند افزایشی دارد. بنابراین با مراجعه به شکل (۲) در می‌یابیم که بدترین حالت به لحاظ هماهنگی رله‌ها در مقابل اتصال کوتاه بین نقاط Q و O وقتی است که اتصالی در خود نقطه Q روی دهد. حال ممکن است به ازای اتصال کوتاه در O میزان جریان برای اتصال کوتاه در Q (مندرج در شکل (۲)) کمتر یا بیشتر یا مساوی باشد. با توجه به این مسئله، حتی اگر برای اتصال کوتاه در نقطه Q هماهنگی بین رله‌های جریان زیاد و دیستانس برقرار گردد، هیچگونه تضمینی وجود ندارد که برای اتصال کوتاه در نقطه O بین رله‌های جریان زیاد واقع در R و دیستانس واقع در S هماهنگی برقرار باشد. لذا هر دو نقطه Q و O نقاط بحرانی شناخته می‌شوند.

L

s



شکل ۳- رله جریان زیاد به عنوان اصلی و رله دیستانس به جای پشتیبان

ب) حالت‌های قطع و وصل شاخه‌های متصل به شین اصلی، نظر به اینکه زمان قطع ناحیه‌های ۲ و ۳ رله دیستانس ثابت می‌باشد، بحرانی‌ترین حالت وقتی است که زمان‌های قطع رله جریان زیاد در نقاط Q و O بیشترین مقدار را داشته باشند و آن هنگامی است که به ازاء اتصال کوتاه در این نقاط، جریانی که از رله R می‌گذرد، کم باشد. (البته تغییر نقطه ناحیه ۲ را نیز باید در نظر گرفت). چون شرایط متفاوتی را برای اتصال کوتاه در نقاط Q و O می‌توان متصور شد، لذا بررسی جداگانه‌ای را در مورد این دو نقطه به شرح زیر انجام می‌دهیم:

ب-۱) اتصال کوتاه روی نقطه Q: در این شرایط تغییر جریان در شاخه RO باعث تغییر انتهای ناحیه ۲ رله دیستانس مستقر در S می‌شود. پس علاوه بر تغییر مقدار جریان، تغییر نقطه Q (انتهای ناحیه ۲) را نیز باید در نظر داشت. با توجه به این موضوع، دو حالت را در نظر می‌گیریم:

حالت اول

فرض کنید در R رله جریان زیاد و در S رله دیستانس مستقر باشد. وجود خط باعث خواهد شد که سهم جریان‌های جانبی که از طریق OO (قسمت طرف شین اتصال کوتاه شده) عبور می‌کند، از طرف OO بگذرد و گرچه کل جریان اتصال کوتاه به دلیل زیادتر شدن امپدانس معادل از حالت قبل کمتر است، جریان گذرنده از رله جریان زیاد در این حالت بیش از حالت وصل خط خواهد بود. نتیجه اینکه این حالت باعث خواهد شد که جریان رله جریان زیاد به بیشترین مقدار برسد. که کاهش زمان قطع رله جریان زیاد را در شین خواهد داشت و تفاوت زمانی بین رله دیستانس و جریان زیاد زیادتر می‌شود، که بدین لحاظ این حالت بحرانی نیست. چون این جریان بر جابجایی انتهای

ناحیه ۲ رله دیستانس تاثیر دارد، ابتدا رابطه امیدانس ناحیه ۲ (دیده شده توسط رله دیستانس مستقر در نقطه S) و با جریان I_p بدست می‌آوریم. این امیدانس برابر است با:

$$Z_2 = \frac{I_S Z_{SR} + I_R Z_{RQ}}{I_S} = Z_{SR} + \frac{I_R}{I_S} Z_{RQ} \quad (1-3)$$

از رابطه فوق می‌توان گفت که چون امیدانس ناحیه ۲ رله دیستانس (Z_r) ثابت است و Z_{SR} امیدانس خط SR نیز مقدار ثابتی است، پس با افزایش I_R باید Z_{RQ} کاهش یابد، تا رابطه برقرار گردد و بدین سبب در شکل (۲)، نقطه Q به شین R نزدیکتر می‌گردد. این امر باعث کاهش زمان قطع رله جریان زیاد و افزایش فاصله زمانی بین دو رله گشته و شرایط را از حالت بحرانی دور می‌سازد. بنابراین نتیجه می‌گیریم که وصل بودن همه خطوط متصل به شین اصلی و قطع بودن کلید در انتهای دوردست خط اصلی، واجد شرایط مساعد برای بررسی هماهنگی بین دو رله جریان زیاد و دیستانس نیست.

حالت دوم

قطع بودن همه خطوط متصل به شین اصلی غیر از خطوط اصلی و پشتیبان و وصل بودن کلید روی خط اصلی واقع در شین دوردست. در این صورت کمترین جریان اتصال کوتاه از قسمت RQ خط اتصال کوتاه (شکل ۲) می‌گذرد.

۳-۳) مختصری در خصوص روشهای هماهنگی

برای هماهنگی رله‌های جریان زیاد از سال ۱۹۶۴ تاکنون روشهای زیادی در مقالات مختلف پیشنهاد شده است. در ابتدا محاسبات مربوط به حفاظت سیستمهای قدرت توسط مهندسين و به صورت دستی صورت می‌گرفت. این روش قادر به بررسی سیستمهای بزرگ نبود و وقت زیادی برای محاسبات نیاز داشت. با پیدایش کامپیوتر، روشهای هماهنگی حفاظت سیستمهای قدرت ارائه شد که خود به دو دسته روشهای معمولی و بهینه تقسیم می‌شوند. روشهای بهینه‌سازی به این خاطر ارائه شد که روشهای معمولی که در ابتدا مورد استفاده قرار گرفتند از بین پاسخهای مختلف

هماهنگی جوابهای بهینه را تشخیص نمی دادند. بطور کلی مهمترین مراحل انجام عمل هماهنگی بهینه عناصر حفاظتی شبکه توزیع بصورت زیر می باشد:

۱- بدست آوردن مدل منحنی مشخصه عناصر حفاظتی

۲- بدست آوردن قیود هماهنگی

۳- تعیین تابع هدف

۴- تعیین روش بهینه سازی مناسب

در روشهای بهینه سازی اختلاف زمانی عملکرد عناصر اصلی و پشتیبان (Δt) بعنوان قیود در نظر گرفته می شوند و پاسخها با در نظر گرفتن تابع هدف و قیود بدست می آیند. پس از مدلسازی دقیق عناصر حفاظتی شبکه توزیع، باید قیود هماهنگی با توجه به ترتیب عملکرد عناصر بدست آید. این قیود برای ترکیب های مختلف رله - رله، فیوز - فیوز، رله - فیوز، رله - رکلوزر، رکلوزر - فیوز و رکلوزر - رکلوزر باید تعریف شود.

روشهای بهینه سازی به دو نوع کلی تقسیم می شوند:

۱- روشهای ریاضی

۲- روشهای هوشمند

این روشهای هماهنگی اولین روشهایی بودند که برای هماهنگی رله های جریان زیاد با استفاده از کامپیوتر ارائه شدند. در این روشها، هماهنگ کردن رله ها از یک نقطه شبکه آغاز شده و رله ها دو بدو هماهنگ می شوند. یعنی ابتدا TSM یک رله را مشخص می کنند و سپس با استفاده از جفت جریان اتصال کوتاه، TSM رله پشتیبان آن را بدست می آورند و به همین ترتیب ادامه می دهند تا تنظیم زمانی همه رله ها بدست آیند. در ابتدا این روشها offline بودند. یعنی در طول فرایند هماهنگی مهندس حفاظت تاثیری در فرایند هماهنگی نداشت [۸]. در مقالات دیگر این روشها توسعه پیدا کرد تا بتواند از تجربیات مهندس حفاظت در طول فرایند هماهنگی استفاده نماید [۹]. در تمام این روشها به دلیل نبود یک روند مشخص و ترتیب موثر برای هماهنگی مناسب از تکرار استفاده می شد. برای حل این مشکل یک روش ابتکاری برای پیدا کردن توالی مناسب در هماهنگی ارائه شد. در مرجع [۱۰] روشی ارائه شد که بر اساس آن قبل از عمل هماهنگی نقاط شروع هماهنگی و توالی رله ها بر اساس تئوری گراف تعیین شود. این

نقاط شروع هماهنگی رانقاط شکست (BP) می‌نامند. این روش توسعه پیدا کرد و روشهایی ارائه شد تا تعداد نقاط شکست می‌نیمم شود:

- تعیین نقاط شکست با استفاده از تئوری گراف [۱۱]
 - تعیین نقاط شکست با استفاده از وابستگی رله‌های اصلی و پشتیبان به یکدیگر با توجه به شکل شبکه [۱۲]
 - تعیین حداقل نقاط شکست با استفاده از تئوری گراف و کوچک کردن شبکه [۱۳]
 - تعیین نقاط شکست با استفاده از سیستمهای خبره [۱۴]
 - تعیین نقاط شکست با استفاده از تئوری گراف و تشخیص خطا به صورت بهنگام و اعمال سیگنالهای لازم به رله‌هایی که نزدیک ترین مکان را به خطا دارند [۱۵]
- در مرحله اول نقاط شکست تعیین می‌شوند و سپس ماتریسهای توالی برای انجام عمل هماهنگی بدست می‌آیند سپس. با استفاده از ماتریس توالی (RSM)^۱ ترتیب تنظیم رله‌ها تعیین می‌شود. برای تنظیم یک رله باید مشخص شود که این رله پشتیبانی چه رله‌هایی می‌باشد. برای این کار مجموعه رله‌های اصلی و پشتیبان که SSP^۲ نامیده می‌شود استفاده می‌کنیم.
- در مقالات دیگری که در این زمینه ارائه شده این روش بهبود داده شده و روشهای سیستماتیک برای تعیین BP و RSM و SSP ارائه شده است [۱۶]، [۱۷].

۳-۳-۱) روشهای هماهنگی بهینه

در مسائل بهینه‌سازی با یک یا چند تابع هدف روبرو هستیم که می‌خواهیم آنها را تحت شرایط و قیود حاکم بر مسأله بیشینه یا کمینه نماییم. مسأله بهینه‌سازی را می‌توان روی هر سیستم حفاظتی که نیاز به هماهنگی داشته باشد پیاده کرد و جوابهای بهینه را بدست آورد. آنچه که در این میان مهم می‌باشد بیان مسأله هماهنگی به صورت یک مسأله بهینه‌سازی می‌باشد. هر مسأله بهینه‌سازی شامل دو قسمت مهم می‌باشد که عبارتند از:

1- Relative Sequence Matrix

2- Set of Selection Pairs

- ۱- تابع هدف که بایستی کمینه یا بیشینه آن بدست آید.
- ۲- مجموعه محدودیتهایی متغیرهای مسأله که بایستی این قیود و محدودیتها را ارضاء نمایند.

بنابراین به منظور استفاده از تکنیک بهینه‌سازی بایستی یک تابع هدف مناسب که شامل خصوصیات مورد نظر برای سیستم حفاظتی باشد تعریف کرد و سپس محدودیتهای حاکم بر متغیرهای مسأله را بیان کرد و در نهایت مسأله بهینه را حل نمود که با توجه به نوع مسأله روشهای حل متفاوتی را باید در پیش گرفت. استفاده از تکنیک بهینه‌سازی در تنظیم و هماهنگی رله‌های جریان زیاد در مقاله‌ای در سال ۱۹۸۸ توسط آقای A.Urdaneta و همکارانش ارائه شد [۱۸]. از آن زمان تاکنون مقالات زیادی در زمینه هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد ارائه شده است. تفاوت عمده این روشها در موارد زیر می‌باشد:

- ۱- روش بهینه سازی
- ۲- تابع هدف
- ۳- نوع شبکه (شعاعی یا بهم پیوسته)
- ۴- مشخصه خطی یا غیر خطی نسبت به TSM
- ۵- TSM پیوسته یا گسسته
- ۶- تنظیم جریان Pickup

۳-۳-۲) مزیت روشهای هماهنگی بهینه

ایده هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد از آنجا نشأت گرفت که برای رله‌های یک سیستم قدرت امکان بدست آوردن تنظیمهای مختلفی وجود دارد و بالطبع این سوال مطرح می‌شود که از بین دسته جوابهای مختلفی که برای تنظیم رله‌ها وجود دارد، انتخاب کدامیک بهتر است؟ در حقیقت چند مجموعه جواب برای مسئله وجود دارد که بایستی یک مقایسه بین آنها انجام شود و مناسبترین آنها انتخاب گردد. از این رو هماهنگی رله‌های جریان زیاد با استفاده از روشهای بهینه‌سازی ارائه شد.

در این روش نیاز به تعیین نقاط شکست نیست. همچنین این روش، هماهنگی بهینه رله‌ها را بدون توجه به نوع و شکل شبکه انجام می‌دهد.

مزیت دیگر این روش که در روشهای معمولی وجود ندارد، امکان وارد کردن جریان تنظیم در محاسبات هماهنگی جهت دست یافتن به جوابهای بهتر می باشد. این دلایل باعث شد که روش هماهنگی بهینه بیشتر مورد توجه قرار گیرد.

برای هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد، ابتدا روشهای ریاضی مطرح شدند. روشهای ریاضی بهینه سازی به دو دسته خطی و غیر خطی تقسیم می شوند. روشهای ریاضی غیر خطی از پیچیدگی بیشتری نسبت به روشهای ریاضی خطی برخوردارند و در آنها تابع هدف و معادلات قیود سیستم به صورت غیرخطی هستند. به همین خاطر در مقالات از روشهای خطی بهینه سازی برای هماهنگی رله‌های جریان زیاد استفاده شده است که عبارتند از:

۱- روش سیمپلکس [۱۱]

۲- روش سیمپلکس دو مرحله ای [۱۸]

۳- روش سیمپلکس دوگان [۱۲]

۴- روش بهینه‌سازی خطی با حذف تابع هدف [۱۹]

به خاطر پیچیدگی روشهای برنامه ریزی بهینه غیر خطی، هماهنگی بهینه رله‌های اضافه جریان در مقالات معمولاً با روشهای برنامه ریزی خطی انجام گرفته است. برای این منظور مسئله تا حد امکان باید خطی و ساده گردد. در حالیکه مدل‌های دقیق برای مدل‌سازی رله‌های جریان زیاد بصورت غیر خطی می باشند.

همچنین جریان تنظیم رله‌ها رابطه‌ای غیر خطی با معادله مشخصه رله‌ها دارد که در صورت وارد کردن در محاسبات به عنوان پارامتر هماهنگی مسئله غیرخطی خواهد شد. پس باید به دنبال روشی باشیم که مسائل بهینه‌سازی غیرخطی را بتواند به راحتی حل کند.

مشکل دیگر در مورد روشهای ریاضی این است که برای مسائلی که دارای چند نقطه می‌نیمم باشند جواب درستی نمی‌دهند. چون در مینیمم‌های محلی گیر می‌افتند. به عبارت دیگر پاسخ آنها به حدس اولیه بستگی دارد. این مشکلات باعث شده است که

از روشهای ریاضی نتوان بعنوان روش جامع در حل مسئله هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد استفاده کرد.

۳-۳-۳) الگوریتم سیمپلکس

صورت عمومی یک مسأله بهینه‌سازی خطی در شکل ماتریسی به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} \text{Min } C^T X \\ \text{s.t. : } aX = b \\ X \geq 0 \end{aligned} \quad (2-3)$$

که در آن:

$$\begin{aligned} X^T = [x_1 \quad x_2 \quad \dots \quad x_{n-1} \quad x_n] , \quad b^{Tt} = [b_1 \quad b_2 \quad \dots \quad b_{n-1} \quad b_n] \\ a = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n-1} & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n-1} & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn-1} & a_{mn} \end{bmatrix} , \quad C^T = [c_1 \quad c_2 \quad \dots \quad c_{n-1} \quad c_n] \end{aligned} \quad (3-3)$$

نقطه شروع الگوریتم سیمپلکس همواره مجموعه‌ای از معادلات است که شامل تابع هدف و قیدهای مساوی در مسأله به شکل متعارف می‌باشند. اگر معادلات رابطه (۳-۳) را بخواهیم از روش حذف گوس حل نماییم، بایستی در هر مرحله یک عنصر لولاً^۱ انتخاب نماییم، بطوری که ضریب متغیر متناظر با آن را یک نماییم و ضریب آن متغیر را در بقیه معادلات به کمک عملیات جبری صفر نماییم. بنابراین هدف الگوریتم سیمپلکس یافتن بردار $X \geq 0$ به گونه‌ای است که تابع $f(X)$ را کمینه و در معادلات زیرصدق کند.

(۴-۳)

$$\begin{aligned} 1x_1 + 0x_2 + \dots + 0x_m + a''_{1,m+1}x_{m+1} + \dots + a''_{1n}x_n &= b''_1 \\ 0x_1 + 1x_2 + \dots + 0x_m + a''_{2,m+1}x_{m+1} + \dots + a''_{2n}x_n &= b''_2 \\ \dots &\dots \\ 0x_1 + 0x_2 + \dots + 1x_m + a''_{m,m+1}x_{m+1} + \dots + a''_{mn}x_n &= b''_m \\ 0x_1 + 0x_2 + \dots + 0x_m - f + c''_{m+1}x_{m+1} + \dots + c''_{m+n}x_n &= -f'' \end{aligned}$$

در این صورت اگر داشته باشیم

$$b''_i \geq 0 \quad i = 1, 2, \dots, m \quad (۵-۳)$$

جواب پایه بدست آمده امکان پذیر بوده و خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} x_i &= b''_i \quad i = 1, 2, \dots, m \\ x_i &= 0 \quad i = m + 1, m + 2, \dots, n \\ f &= f'' \end{aligned} \quad (۶-۳)$$

در این مرحله اگر تمام ضرایب $c''_j \geq 0$ ($j = m + 1, m + 2, \dots, n$) مثبت باشند، جواب بدست آمده جواب بهینه امکان پذیر خواهد بود. ولی اگر دست کم یک c''_j منفی باشد، می توان مقدار f را با مثبت کردن x_j کاهش داد. اگر بیش از یک c''_j منفی وجود داشته باشد، زیرنویس s مربوط به متغیر ناپایه x_s که باید وارد پایه شود به صورت زیر انتخاب می شود

$$c''_s = \min(c''_j < 0) \quad (۷-۳)$$

حال باید عنصری از مجموعه متغیرهای پایه وارد متغیرهای غیر پایه شود. این عنصر را x_r می نامیم و به صورتی انتخاب می گردد که:

$$\frac{b''_r}{a''_{rs}} = \min\left(\frac{b''_i}{a''_{is}}\right) \quad (۸-۳)$$

یعنی بایستی عنصر a''_{rs} را به عنوان عنصر لولا انتخاب کنیم و به مرحله اول الگوریتم برگردیم. این مراحل تا مثبت شدن تمامی ضرایب c''_j ادامه می دهیم. الگوریتم سیمپلکس برای مسائلی که یک جواب امکان پذیر اولیه داشته باشند قابل استفاده می باشد. با توجه به رابطه (۸)، نامعادلاتی که در مسأله هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد بدست می آید به صورت بزرگتر یا مساوی است.

بنابراین متغیرهای جبران را باید با علامت (-) وارد نامعادلات نماییم. لذا اگر بخواهیم در مرحله اول TSM ها را صفر قرار دهیم در آن صورت مقدار متغیرهای جبران منفی خواهند شد که با فرض مسأله، که مثبت بودن تمام متغیرها است، در تضاد است. برای اینگونه مسائل از روش سیمپلکس دوگان^۱ استفاده می‌کنیم.

۳-۳-۴) الگوریتم سیمپلکس دو مرحله ای

در صورتیکه پاسخ اولیه‌ای برای شروع الگوریتم سیمپلکس وجود نداشته باشد، می‌توان از روش سیمپلکس دو مرحله‌ای استفاده نمود. در این روش متغیرهای مثبتی بنام متغیرهای هوشمند به تعداد متغیرهای پایه و غیر پایه قبلی اضافه می‌کنیم و تابع هدف جدیدی را که برابر با مجموع متغیرهای اضافه شده است را تعریف می‌نمائیم. سپس الگوریتم سیمپلکس را اجرا می‌کنیم. در صورتیکه مقدار مینیمم تابع هدف جدید برابر با صفر شود در اینصورت مقادیری که در این مرحله بدست می‌آیند همان مقادیر پاسخهای اولیه می‌باشند و می‌توان از آنها برای تعیین پاسخ بهینه در مرحله دوم استفاده نمود، در غیر اینصورت مسئله بهینه سازی دارای پاسخ نمی‌باشد [۱۶].

۳-۳-۵) الگوریتم سیمپلکس دوگان

برای هر مسأله بهینه‌سازی خطی یک مسأله دوگان مربوط وجود دارد. مسأله دوگان به راحتی از روی مسأله اولیه بدست می‌آید. مسائل دوگان و اولیه دارای ارتباط نزدیک و جالبی هستند اگر جواب یکی بهینه باشد جواب بهینه دیگری نیز قابل تعیین خواهد بود. برای هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد در شبکه‌های قدرت حل مسائل دوگان بهینه‌سازی خطی بسیار راحتتر است زیرا این مسأله دارای جواب شدنی اولیه می‌باشد. در این پروژه برای بدست آوردن TSM های رله‌های اضافه جریان از روش سیمپلکس دوگان استفاده کرده‌ایم.

برای حل مسأله بهینه‌سازی به کمک الگوریتم سیمپلکس دوگان، ابتدا همه نامساویها را در یک منفی ضرب می‌کنیم تا هم جهت علامت نامساوی عوض شود و هم درایه‌های بردار b منفی شوند. حال سطر r را به عنوان سطر لولا به گونه‌ای انتخاب می‌کنیم که:

$$b_r = \min(b_i < 0) \quad (9-3)$$

ستون s را به عنوان ستون لولا به گونه‌ای انتخاب می‌کنیم که:

$$\frac{c_s}{-a_{rs}} = \min\left(\frac{c_j}{-a_{rj}}\right) \quad (10-3)$$

اگر همه $a_{rj} \geq 0$ ، اولیه دارای جواب امکان‌پذیر (بهینه) نیست عملیات لولا را بر روی a_{rs} انجام می‌دهیم. حال دوباره بهینه بودن جواب این مرحله را آزمایش می‌کنیم. اگر همه $b_i \geq 0$ جواب فعلی بهینه خواهد بود و در غیر اینصورت بایستی دوباره عملیات را تکرار نماییم.

۳-۳-۶) الگوریتم بهینه‌سازی خطی با حذف تابع هدف

در مرجع [۲۰] روشی ارائه شده است که تابع هدف در هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد حذف شده است. بر اساس تئوری بهینه‌سازی خطی در روش سیمپلکس، پاسخی که در قیود مسأله بهینه‌سازی صدق کند و تمام ضرایب تابع هدف مثبت باشند، همان پاسخ بهینه می‌باشد.

به عنوان مثال در صورتیکه تابع هدف بصورت رابطه $a_1x_1 + a_2x_2 + \dots + a_nx_n$ در نظر گرفته شود که در آن تمام ضرایب a_1, \dots, a_n مثبت می‌باشند، در اینصورت مقدار تابع هدف هنگامی مینیمم است که مقادیر x_1, \dots, x_n دارای کوچکترین مقدار باشند و مشخص است که ضرایب مثبت a_1, \dots, a_n اثری نخواهند داشت. بنابراین اگر بتوان روشی یافت که کوچکترین مقدار x_1, \dots, x_n را از روی قیود مسأله هماهنگی بهینه بدست آورد، می‌توان بدون در نظر گرفتن تابع هدف جوابهای بهینه را محاسبه نمود.

با توجه به مطالب ذکر شده مراحل روش ارائه شده برای تعیین کوچکترین مقادیر تنظیم زمانی رله‌ها، به شرح ذیل است:

نشان داده شده است. در هر ردیف این ماتریس تنها دو مقدار یکی مثبت و دیگری منفی وجود دارد که مقادیر آنها با انجام اتصال کوتاه در نقاط بحرانی شبکه، بدست می‌آید. در روش پیشنهادی از محدودیت حد بالایی تنظیمهای زمانی رله‌ها صرف نظر می‌شود. زیرا الگوریتم پیشنهادی بگونه‌ای است که از کمترین مقدار تنظیمهای زمانی مربوط به رله‌ها جهت یافتن جوابها شروع می‌کند و در صورتیکه مقدار پاسخ بدست آمده برای یک رله بیشتر از مقدار حد بالایی مربوطه باشد، در این صورت امکان هماهنگی بهینه وجود ندارد و لازم است توسط مهندس حفاظت تغییراتی در شبکه صورت گیرد. در نظر گرفتن هر تغییری در شبکه باعث ایجاد یک سری شرایط و قیود جدید در سیستم می‌شود که لازم است تمامی آنها در ماتریس A_{ij} در نظر گرفته شوند. به عبارت دیگر در هر ردیف یکی از شرایط و حالت‌های پشتیبانی رله‌ها از یکدیگر قرار می‌گیرند. با توجه به اینکه در هر سطر ماتریس A_{ij} فقط دو مقدار یکی مثبت و دیگری منفی قرار می‌گیرد، میتوان برای راحتی کار قسمت پایینی ماتریس A را بصورت رابطه (۳-۱۳) نشان داد.

$$A_1 * X - A_2 * X \geq CTI \quad (۳-۱۳)$$

ماتریس A_1 در برگرفته قسمت مثبت ماتریس A_{ij} و ماتریس A_2 قسمت منفی ماتریس A_{ij} را نشان می‌دهد. در صورتیکه کوچکترین مقدار X که همان TSM_{min} یا t_{zmin} است در رابطه (۳-۱۳) صدق کند، می‌توان گفت که کوچکترین مقادیر X جوابهای بهینه می‌باشند و در غیر اینصورت لازم است که مقادیرهای جدیدی برای آن تعیین گردد.

۲) برای این کار، توسط عملیات سطری، م ضرب مثبتی از سطرهای ماتریس A به نحوی به یکدیگر اضافه می‌شوند تا اعداد منفی در هر ستون صفر شوند و هر ستون فقط شامل ضرایب مثبت گردد.

با توجه به اینکه هر سطر ماتریس A حداکثر شامل دو عدد یکی مثبت و یکی منفی می‌باشد، بنابراین بعد از اتمام مرحله ۲ در هر سطر ماتریس A فقط یک عدد مثبت وجود خواهد داشت. به عبارت دیگر هر سطر ماتریس نشان دهنده نامعادله‌ای است که بر حسب یک متغیر ماتریس X است. بنابراین یک نامعادله جدید بصورت رابطه (۳-۱۴) می‌باشد.

$$A_1 \cdot X \geq CTI + A_2 \cdot TSM_{\min} \quad (14-3)$$

بنابراین می‌توان گفت که نتیجه عملیات سطری روی ماتریس A و B به رابطه (۱۴-۳) منجر می‌گردد، زیرا می‌توان رابطه (۱۰-۳) را با توجه به مسأله بهینه‌سازی به صورت دو رابطه (۱۳-۳) و (۱۵-۳) نشان داد.

$$IX \geq X_{\min} \quad (15-3)$$

با ضرب رابطه (۱۴-۳) در ماتریس A_2 و جمع آن با رابطه (۱۵-۳)، می‌توان به رابطه (۱۳-۳) دست یافت. نکته‌ای که لازم است به آن دقت شود این است که معمولاً ماتریسهای A_1, A_2 مربعی نمی‌باشند و در نتیجه وارون پذیر نیستند. زیرا در هماهنگی بهینه سیستمهای قدرت تعداد قیود از تعداد متغیرها بیشتر می‌باشد که این امر ناشی از این است که برای هر جفت رله اصلی و پشتیبان چندین قید با توجه به حالت‌های مختلف توپولوژی شبکه در نظر گرفته می‌شود. بنابراین نمی‌توان برای تعیین مقادیر X در رابطه (۱۳) از وارون ماتریس A_1 استفاده نمود.

۳) برای تعیین مقادیر X، هر سطر رابطه (۱۳-۳) بصورت یک نامعادله جداگانه در نظر گرفته می‌شود. با حل نامعادله مربوط به هر سطر، ماتریس X را بدست می‌آوریم. برای بعضی از متغیرهای ماتریس X چندین جواب بدست می‌آید که از بین جوابهای بدست آمده با توجه به نوع معادله قیود که بزرگتر یا مساوی است، مقدار بزرگترین پاسخ بدست آمده برای هر X_i را انتخاب می‌کنیم.

۴) پاسخهای بدست آمده از مرحله (۳) را در نامعادله (۱۱-۳) امتحان می‌کنیم. در صورت برقراری تمام روابط نامعادله (۱۱-۳) پاسخهای بهینه بدست آمده‌اند و به مرحله (۶) می‌رویم و در غیر اینصورت به مرحله بعد می‌رویم.

۵) با توجه به رابطه (۱۱-۳)، ماتریس B از دو قسمت تشکیل شده است. قسمت اول مربوط به حداقل مقدار TSM_{\min} یا $t_{z\min}$ و قسمت دوم مربوط به مقادیر CTI' ها می‌باشد.

جوابهای بدست آمده از مرحله (۴) را جایگزین مقادیر مربوط به قسمت اول ماتریس B می‌کنیم و قسمت دوم را تغییری نمی‌دهیم. بدین ترتیب مقدار حداقل TSM_{\min} یا $t_{z\min}$ را افزایش می‌دهیم و به مرحله (۲) می‌رویم. به عبارت دیگر با هر

بار تکرار، مقدار حداقل تنظیمهای زمانی را افزایش می‌دهیم. البته تنها آن تنظیم‌های زمانی افزایش می‌یابند که در نامعادلات قیود صدق نمی‌کنند.
(۶) در صورت برقراری رابطه پاسخهای بهینه تعیین شده است.
این روش نسبت به روشهای دیگر ساده تر بوده و نیاز به تکرارهای کمتری برای همگرا شدن دارد.

۳-۳-۷) محدودیتهای روشهای بهینه سازی

به خاطر پیچیدگی روشهای برنامه ریزی بهینه غیر خطی هماهنگی بهینه رله های اضافه جریان در مقالات معمولاً با روشهای برنامه ریزی خطی انجام گرفته است. برای این منظور مسئله تا حد امکان باید خطی و ساده گردد. در حالیکه مدل‌های دقیق برای مدلسازی رله‌های جریان زیاد بصورت غیر خطی می‌باشند.
همچنین جریان تنظیم رله‌ها رابطه‌ای غیر خطی با معادله مشخصه رله‌ها دارد که در صورت وارد کردن در محاسبات به عنوان پارامتر هماهنگی مسئله غیرخطی خواهد شد. پس باید به دنبال روشی باشیم که مسائل بهینه‌سازی غیرخطی را بتواند به راحتی حل کند.

مشکل دیگر در مورد روشهای ریاضی این است که برای مسائلی که دارای چند نقطه می‌نیمم باشند جواب درستی نمی‌دهند چون در مینیمم‌های محلی گیر می‌افتند به عبارت دیگر پاسخ آنها به حدس اولیه بستگی دارد. این مشکلات باعث شده است که از روشهای ریاضی نتوان بعنوان روش جامع در حل مسئله هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد استفاده کرد.

۳-۳-۸) روشهای بهینه‌سازی هوشمند

با توجه به اینکه روشهای ریاضی برای حل مسائل بهینه‌سازی همیشه دارای محدودیتهایی می‌باشند، روشهای هوش مصنوعی در سالهای اخیر برای هماهنگی رله‌های جریان زیاد استفاده شده است. این روشها با افزایش سرعت پردازنده‌ها بیشتر مورد توجه قرار گرفته است.

الگوریتم ژنتیک و الگوریتمهای تکاملی از روشهای بهینه‌سازی هوشمند هستند که برای هماهنگی رله‌های جریان زیاد استفاده شده‌اند. در سال ۱۹۹۷ روش هماهنگی بهینه رله‌های جریان زیاد بوسیله الگوریتم ژنتیک توسط SO.C.W و همکارانش ارائه شد [۲۳]. مقالات دیگری توسط همین افراد در مورد استفاده از الگوریتم تکاملی در هماهنگی رله‌های جریان زیاد در سالهای اخیر ارائه شده است [۲۴]. این روشها مشکلات ذکر شده در مورد روشهای هماهنگی بهینه بوسیله روشهای ریاضی را ندارند. زیرا قابلیت حل مسائل غیرخطی را دارند. با استفاده از این روشها می‌توان مدل‌های دقیق و غیرخطی نسبت به TSM برای رله‌ها در نظر گرفت. همچنین جریان شروع (PICKUP) را می‌توان بطور مناسب در محاسبات هماهنگی وارد کرد. برخلاف روشهای ریاضی این روشها در مینیممهای محلی گیر نمی‌افتند و با افزایش تعداد تکرارها بهترین جواب را می‌دهند. البته افزایش تکرارها زمان محاسبات را افزایش می‌دهد که این مشکل با توجه به سرعت پیشرفت پردازنده‌ها در آینده قابل حل خواهد بود.

۳-۴) خلاصه مطالب

هماهنگی رله دیستانس به صورت رله اصلی و رله جریان زیاد به جای پشتیبان:

دو نقطه بحرانی برای تحلیل هماهنگی وجود دارد.

الف- انتهای ناحیه ۱ رله دیستانس

ب- ابتدای ناحیه ۳ رله دیستانس

شرایط بحرانی برای تحلیل نیز عبارتست از قطع همه خطوط وصل به شین اصلی، غیر از خطوطی که رله‌های پشتیبان و اصلی روی آنها قرار دارد و قطع کلید انتهای شین طرف دیگر خط اصلی.

رله جریان زیاد کاهشی به عنوان رله اصلی و رله دیستانس به عنوان رله پشتیبان:

دو نقطه بحرانی برای تحلیل هماهنگی وجود دارد.

الف - انتهای ناحیه ۲ رله دیستانس پشتیبان

ب - نقطه ای روی شین دور دست رله جریان زیاد اصلی.

شرایط بحرانی، قطع بودن همه خطوط متصل به شین اصلی غیر از خطوط اصلی و پشتیبان و وصل بودن کلید روی خط اصلی واقع در شین دوردست می‌باشد.
میزان تغییر نقطه انتهایی ناحیه ۲ رله دیستانس پشتیبان در اثر تغییر جریان ناشی از قطع و وصل خطوط وصل به شینه اصلی را می‌توان از رابطه زیر بدست آورد:

$$Z_2 = \frac{I_S Z_{SR} + I_R Z_{RQ}}{I_S} = Z_{SR} + \frac{I_R}{I_S} Z_{RQ}$$

فرم استاندارد روش سیمپلکس به صورت زیر است:

$$\text{Min } C^T X$$

$$\text{s.t.: } aX = b$$

$$X \geq 0$$

که در آن:

$$X^T = [x_1 \quad x_2 \quad \dots \quad x_{n-1} \quad x_n], \quad b^{Tt} = [b_1 \quad b_2 \quad \dots \quad b_{n-1} \quad b_n]$$

$$a = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n-1} & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n-1} & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn-1} & a_{mn} \end{bmatrix}, \quad C^T = [c_1 \quad c_2 \quad \dots \quad c_{n-1} \quad c_n]$$

اگر همه $c_j'' \geq 0$ ($j = m+1, m+2, \dots, n$) مثبت باشند، جواب، بهینه خواهد بود.
ولی اگر یک c_j'' منفی باشد، می‌توان مقدار f را با مثبت کردن x_i کاهش داد. اگر بیش از یک c_j'' منفی باشد، زیرنویس s مربوط به متغیر ناپایه x_s که باید وارد پایه شود به صورت زیر انتخاب می‌شود:

$$c_s'' = \min(c_j'' < 0)$$

حال باید عنصری از مجموعه متغیرهای پایه وارد متغیرهای غیر پایه شود. این عنصر را x_r می‌نامیم و به صورتی انتخاب می‌گردد که:

$$\frac{b_r''}{a_{rs}''} = \min\left(\frac{b_i''}{a_{is}''}\right)$$

یعنی بایستی عنصر a''_{rs} را به عنوان عنصر لولا انتخاب کنیم و به مرحله اول الگوریتم برگردیم.

در الگوریتم سیمپلکس دوگان، همه نامساویها در یک منفی ضرب می‌شود تا جهت علامت نامساوی عوض شده و درایه‌های بردار b منفی شوند. حال سطر r به عنوان سطر لولا به گونه‌ای انتخاب می‌شود که:

$$b_r = \min(b_i < 0)$$

ستون s به عنوان ستون لولا انتخاب می‌شود تا:

$$\frac{c_s}{-a_{rs}} = \min\left(\frac{c_j}{-a_{rj}}\right), \quad a_{rj} > 0$$

اگر همه $a_{ij} > 0$ ، اولیه دارای جواب امکان‌پذیر (بهینه) نیست. لذا عملیات لولا را بر روی a_{rs} انجام می‌دهیم. حال دوباره بهینه بودن جواب این مرحله را آزمایش می‌کنیم. اگر همه $b_i \geq 0$ جواب فعلی بهینه است. در غیر اینصورت عملیات باید مجدداً تکرار گردد.

۳-۵) مراجع

- [۱] پایان نامه کارشناسی ارشد، رضا محمدی- دانشگاه صنعتی امیر کبیر- اردیبهشت ماه ۱۳۸۶.
- [2] V.V. Bapesara and K.S. Rao, "Computer Aided Coordination of Directional Relays: Determination of Break Point", IEEE Trans. on Power Delivery, Vol. 3, No. 2, pp.545-548, April. 1988.
- [3] L. Jenkins, H.P. Khincha, S. Shivakumar and P.K. Dash, "An Application of Functional Dependencies to the Analysis of Protection Schemes", IEEE Trans. on Power Delivery, Vol. 7, No. 1, pp.77-83, July. 1992.
- [4] V.C. Prasad, K.S. Prakasa Rao, A. Subba Rao, "Coordination of Directional relays without generating all circuit", IEEE Trans. On Power Delivery, Vol. 6, No. 2, pp. 584-590, April. 1991.
- [5] K. Kawahara, H. sasaki and H. Sugihara, "An Application of Rule Based System to the Coordination of Directional Overcurrent Relays", Development in Power System Protection, IEE Conference, No. 434, pp. 58-61, March 1997.
- [6] A. R. Abdelaziz and A. Hzawawi, "A New Computer-Based Relaying Technique for Power System Protection", Power Engineering Society Winter Meeting, Vol. 2, pp. 684-686, IEEE 2001.
- [7] Ramaswami R. and Mc-Guire P. F., "Integrated Coordination and Short Circuit Analysis for System Protection", IEEE Transactions on Power Delivery, Vol.-7, No.-3, pp. 1112-1119, July 1992.
- [8] Ramaswami R., Damborg M. J. and Venkata S. S., "Coordination of Directional Overcurrent Relays in Transmission Systems - A Subsystem Approach", IEEE Transactions on Power Delivery, Vol.-5, No.-1, pp. 64-71, January 1990.
- [9] A.Urdaneta, R.Nadira, I.Jimenez, "Optimal Coordination of Directional Over current Relays in Interconnected Power Systems", IEEE Transaction on Power Delivery, vol.3, no.3, July 1988.
- [10] Braga A. S. and Saraiva J. T., "Co-ordination of Directional Overcurrent Relays in Meshed Networks using Simplex Method", Proceedings, IEEE MELECON Conference, Vol.-3, pp. 1535-1538, 1996.
- [11] D. Bertsimas and J. N. Tsitsiklis, "Introduction to Linear Optimization", Athena scientific, Belmont, Massachusetts, first edition, 1997.

[12] Abyaneh H. A. and Keyhani R., "Optimal Coordination of Overcurrent Relays in Power System by Dual Simplex Method", Proceedings, AUPEC Conference, Perth, Australia, Vol.-3, pp. 440-445, 1995.

[13] Abyaneh H. A., Al-Dabbagh M., Karegar H. K., Sadeghi S. H. H. and Khan R. A. H., "A New Optimal Approach for Coordination of Overcurrent Relays in Interconnected Power Systems", IEEE Transactions on Power Delivery, Vol.-18, No.-2, pp. 430-435, April 2003.

[14] So C. W., Li K. K., Lai K. T. and Fung K. Y., "Application of Genetic Algorithm for Overcurrent Relay Coordination," IEE Proceedings, 6th International Conference, Developments in Power System Protection, Nottingham, U.K., pp. 66-69, March 1997.

[15] So C. W. and Li K. K., "Intelligent Method For Protection Coordination", IEEE International Conference Of Electric Utility Deregulation Restructuring and Power Technology, Hong Kong, Apr 2004.

[16] David E. Goldberg, "Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning" Addison-Wesley Pub. 1989.

[17] H. Askarian Abyaneh, "Optimal coordination of overcurrent relays in power system by dual simplex method", AUPEC Conf. Australia, 1995.

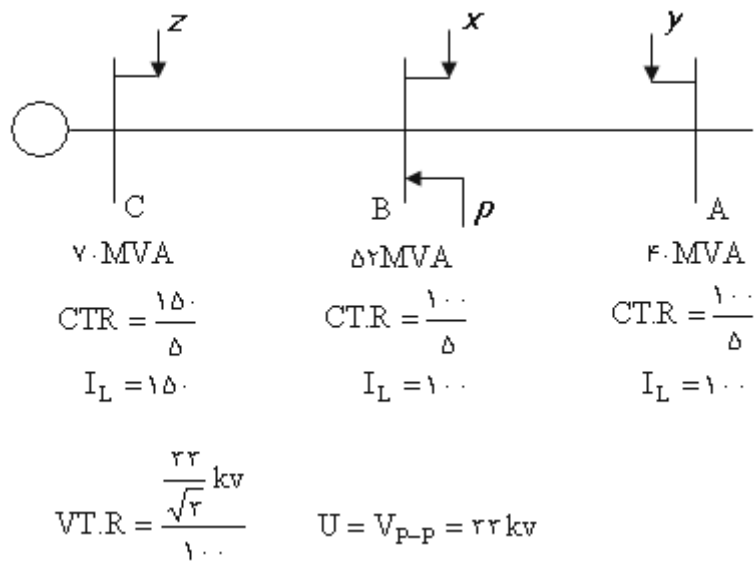
[18] R. Keihani, H. Askarian Abyaneh, "optimal co- ordination of O/C relays by dual simplex method", ICEE95 Conf. Iran, 1995.

[19] H. Askarian Abyaneh, H. Kazemi, A. Zahedi "A New Approach to Reduce constraints of the optimal coordination ", ICEE Conf. Iran, 1995.

[۲۰] متین مشکین، حسین عسکریان ابیانه، حسین کاظمی کارگر، "هماهنگی بهینه رله‌های دیستانس و اضافه جریان در شبکه‌های بهم پیوسته"، بیستمین کنفرانس بین المللی برق PSC2005، ایران، آبان ۱۳۸۴.

۳-۶) تمرینها

۱) در شکل زیر روی فیدرهای BA در محل B و CB در محل C، رله‌های جریان زیاد معکوس و همچنین رله‌های دیستانس وجود دارد. ضرایب تنظیم زمانی و جریان رله‌های جریان زیاد و نیز ناحیه اول رله دیستانس مستقر در B و ناحیه اول و دوم رله مستقر در C را بیابید؟ (با فرض اینکه در مرحله اول Z, Y, X نبوده و تغییر مگا ولت آمپر روی هر خط خطی فرض شود).

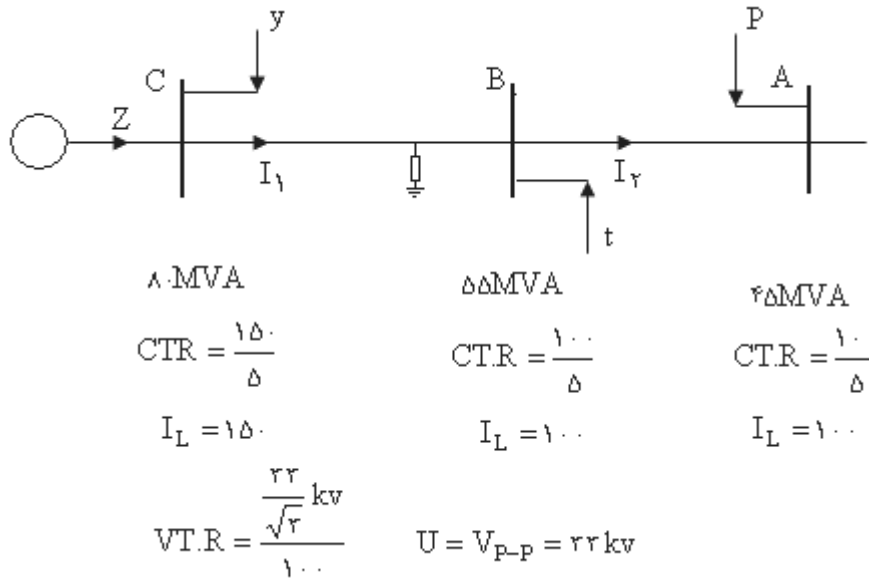


۲) الف) در مسئله قبل چنانچه Z, Y, X وجود داشته باشد و Z, Y, X برای هر خطا سهم یکسان داشته باشند و با قطع X همان جریان قبلی از طریق شین C وارد شود، هماهنگی رله جریان زیاد واقع در C را با رله دیستانس واقع در B بیابید؟

ب) چنانچه تغذیه P هم به مثال اضافه شود و سهم همه جریان‌ها برابر باشد و پس از قطع X, P همه جریان‌های مربوط به همان اندازه وارد شین C شود، هماهنگی رله جریان زیاد با دیستانس را بیابید؟

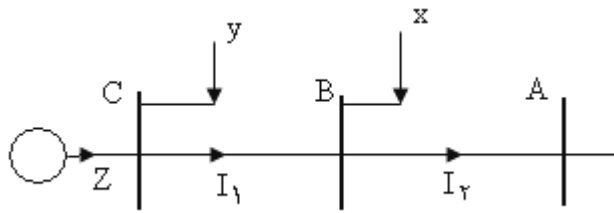
ج) چنانچه جریان‌های X, P برابر و هر کدام نصف X, Z باشند، مثال را حل کنید؟

۳) در شکل زیر اولاً چنانچه روی فیدرهای BA و CB رله‌های جریان زیاد با منحنی مشخصه معکوس استاندارد و همچنین رله‌های دیستانس وجود داشته باشند، ضرایب تنظیم زمانی و جریانی رله‌های جریان زیاد و همچنین امیدانس ناحیه ۱ رله مستقر در B و ۲ و ۱ مستقر در C را بیابید. فرض می‌شود MVA بازاء خطا بر روی خطوط BA, BC, روی هر خط خطی تغییر می‌کند. رله‌های دیستانس مهو بوده و زاویه آنها با زاویه خط برابر و ۷۰ درجه می‌باشند.



ثانیاً چنانچه تغذیه‌های y, z, p, t وجود داشته باشند و برای هر خط سهم هر کدام از تغذیه‌ها یکسان باشد و با قطع t بهمان میزان (سهم t) به y افزوده شده و از طریق شین c وارد شود، هماهنگی رله‌های جریان زیاد و دیستانس را بیابید.

۴) در شکل زیر چنانچه جریان‌های اتصال کوتاه از سه مسیر تغذیه برای اتصال کوتاه‌های A, B دارای سهم یکسانی باشند و با قطع شدن هریک از آنها نیز مجدداً سطح اتصال کوتاه در شینه‌ها ثابت بماند و عنصر سریع هم وجود نداشته باشد، جفت جریان‌های لازم برای هماهنگی رله C با B را بیابید.

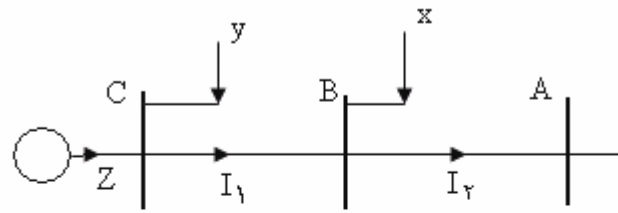


	C	B	A
سطح اتصال کوتاه	۷۴MVA	۵۲MVA	۴۰MVA
CTRatio	$\frac{۱۰۰}{۵}$	$\frac{۷۵}{۵}$	$\frac{۵۰}{۵}$
ماکزیمم جریان بار	۱۰۰ A	۷۵ A	۵۰ A

ب) چنانچه عنصر سریع در این مسئله وجود داشته باشد، جفت جریان‌ها را بیابید؟
 ج) مقدار TSM رله‌های اصلی و پشتیبان را بیابید؟

۵) در مسئله قبل اگر برای اتصال کوتاه در انتهای ناحیه ۱ رله دیستانس مستقر در B جریان x, y, z برابر با ۲۰۰ آمپر باشد و وقتی x قطع شود، جریان y به $۱/۵$ برابر مقدار قبلی برسد و z همان مقدار قبلی باشد، بررسی کنید آیا هماهنگی رله جریان زیاد C و دیستانس در B برقرار است؟
 میزان تغییر نقطه Q (یکی از نقاط بحرانی) برای شرایط بحرانی هماهنگی رله دیستانس - جریان زیاد چقدر است؟

۶) چنانچه جریان‌های x, y, z به ازای اتصال کوتاه در انتهای زون ۱ رله B برابر و هر کدام ۲۰۰ آمپر باشند و وقتی x قطع شود، جریان‌های اتصال کوتاه z, y به $۱/۵$ برابر مقدار قبلی شوند، بررسی کنید آیا هماهنگی رله جریان زیاد کاهشی واقع در C و دیستانس واقع در B برقرار است؟



	$\sqrt{3}MVA$	$\Delta\sqrt{3}MVA$	$\sqrt{3}\cdot MVA$
CTR	$\frac{1\cdot\cdot}{\Delta}$	$\frac{\sqrt{3}\Delta}{\Delta}$	$\frac{\Delta\cdot}{\Delta}$
Lood	$1\cdot A$	$\sqrt{3}\Delta A$	$\Delta\cdot A$